

**Als je een ander antwoord vindt, zijn er minstens twee mogelijkheden:
óf dit antwoord is fout, óf jouw antwoord is fout.**

**Als je er (vrijwel) zeker van bent dat een antwoord fout is, stuur dan een briefje
naar www.stevin.info. Alvast bedankt.**

Opgaven 6.1 – Zwaaien en dansen

- 1 a** Aflezen in grafiek:
 $2 \cdot T = 9,6 - 1,6 = 8,0 \text{ ms} \Rightarrow T = 4,0 \text{ ms}$
 $\Rightarrow f = \frac{1}{T} = \frac{1}{4,0 \cdot 10^{-3}} = 250 = 2,5 \cdot 10^2 \text{ Hz}$
 4,0 ms
 2,5 · 10² Hz
- b** Aflezen in grafiek: $t = 3,0 \text{ ms} \Rightarrow u = 1,6 \text{ cm}$
 1,6 cm
- c** De amplitude A is de maximale uitwijking.
 Bij een ongedempte trilling is die constant. Volgens de grafiek is dat hier 2,0 cm.
 2,0 cm
- 2 a** De veer wordt uitgerekt door het gewicht van het blok:
 $F_z = m \cdot g = 0,150 \cdot 9,81 = 1,471 \dots = 1,47 \text{ N}$
 1,47 N
- b** Wet van Hooke:
 $F = C \cdot u \Rightarrow C = \frac{F}{u} = \frac{1,471 \dots}{0,120} = 12,26 \dots = 12,3 \text{ N/m}$
 12,3 N/m
- c**
 $T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{C}} = 2\pi \sqrt{\frac{0,150}{12,26 \dots}} = 0,6949 \dots = 0,695 \text{ s}$
 0,695 s
- d** Deze theoretische waarde is $0,713 - 0,695 = 0,018 \text{ s}$ kleiner dan de experimentele waarde.
 $\frac{0,018}{0,713} = 0,0252 \dots = 0,025 = 2,5\%$ kleiner.
 2,5%
- 3 a**
 $T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{C}} \Rightarrow 1,2 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{15}} \Rightarrow \sqrt{\frac{m}{15}} = \frac{1,2}{2\pi}$
 $\Rightarrow \frac{m}{15} = \left(\frac{1,2}{2\pi}\right)^2 \Rightarrow m = 15 \cdot \frac{1,2^2}{4\pi^2} = 0,547 \dots = 0,55 \text{ kg}$
 0,55 kg
- b** T is recht evenredig met \sqrt{m} .
 m wordt 4x zo groot $\rightarrow T$ wordt $\sqrt{4} = 2x$ zo groot, dus T wordt $2 \cdot 1,2 = 2,4 \text{ s}$
 2,4 s
- 4**
 $T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{C}} \Rightarrow \sqrt{\frac{m}{C}} = \frac{T}{2\pi} \Rightarrow \frac{m}{C} = \left(\frac{T}{2\pi}\right)^2 \Rightarrow m = C \cdot \frac{T^2}{4\pi^2}$
- a**
 $m_{\text{stoel}} = 800 \cdot \frac{1^2}{4\pi^2} = 20,2 \dots = 20 \text{ kg}$
 20 kg
- b**
 $m_{\text{stoel+astronaute}} = 800 \cdot \frac{2^2}{4\pi^2} = 81,0 \dots \text{ kg}$
 $\Rightarrow m_{\text{astronaute}} = 81,0 \dots - 20,2 \dots = 60,7 \dots = 61 \text{ kg}$
 61 kg
- 5 a**
 $T = 2\pi \sqrt{\frac{\ell}{9,81}} \Rightarrow 8,3 = 2\pi \sqrt{\frac{\ell}{9,81}} \Rightarrow \sqrt{\frac{\ell}{9,81}} = \frac{8,3}{2\pi}$
 $\Rightarrow \frac{\ell}{9,81} = \left(\frac{8,3}{2\pi}\right)^2 \Rightarrow \ell = 9,81 \cdot \frac{8,3^2}{4\pi^2} = 17,1 \dots = 17 \text{ m}$
 17 m
- b**
 $T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{C}} \Rightarrow 8,3 = 2\pi \sqrt{\frac{2500}{C}} \Rightarrow \sqrt{\frac{2500}{C}} = \frac{8,3}{2\pi}$
 $\Rightarrow \frac{2500}{C} = \left(\frac{8,3}{2\pi}\right)^2 \Rightarrow C = \frac{2500}{\frac{8,3^2}{4\pi^2}} = \frac{2500 \cdot 4\pi^2}{8,3^2} = 1432 \dots = 1,4 \cdot 10^3 \text{ N/m}$
 1,4 · 10³ N/m

6	voor de slinger: $T = 2\pi\sqrt{\frac{\ell}{g}} = \frac{2\pi}{\sqrt{9,81}} \cdot \sqrt{\ell} = \frac{6,283}{3,132} \sqrt{\ell} = 2,0\sqrt{\ell}$	
	voor de staaf: $T = 2\pi\sqrt{\frac{2\ell}{3g}} = \frac{2\pi}{\sqrt{9,81}} \cdot \sqrt{0,666\ldots} \cdot \sqrt{\ell} = \frac{6,283}{3,132} \cdot 0,816\ldots \cdot \sqrt{\ell} = 1,6\sqrt{\ell}$	2,0 1,6 1,7
	voor de slinger: $T = 5,23\sqrt{\frac{\ell}{g}} = \frac{5,23}{\sqrt{9,81}} \cdot \sqrt{\ell} = 1,7\sqrt{\ell}$	
7	a $C = \frac{F_z}{u} = \frac{m \cdot g}{u} = \frac{0,300 \cdot 9,81}{0,049} = 60,0\ldots = 60 \text{ N/m}$	60 N/m
	b $T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{C}} = 2\pi\sqrt{\frac{0,300}{60,0\ldots}} = 0,444\ldots = 0,44 \text{ s}$	0,44 s
	c Met de experimentele trillingstijd kun je de massa berekenen $T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{C}} \Rightarrow 0,50 = 2\pi\sqrt{\frac{m}{60,0\ldots}} \Rightarrow \sqrt{\frac{m}{60,0\ldots}} = \frac{0,50}{2\pi}$ $\Rightarrow \frac{m}{60,0\ldots} = \left(\frac{0,50}{2\pi}\right)^2 \Rightarrow m = 60,0\ldots \cdot \frac{0,50^2}{4\pi^2} = 0,380\ldots \text{ kg}$ Deze massa is $m = m_{\text{vis}} + \frac{1}{3} m_{\text{veer}}$ $\Rightarrow 0,3803\ldots = 0,300 + \frac{1}{3} m_{\text{veer}}$ $\Rightarrow m_{\text{veer}} = 3 \cdot 0,0803\ldots = 0,2410\ldots = 0,241 \text{ kg}$	0,241 kg
8	a $v_{\text{max}} = \frac{2\pi \cdot A}{T} = 2\pi \cdot A \cdot f = 2\pi \cdot 0,120 \cdot 1,4 = 1,05\ldots \text{ m/s}$	56 mJ
	$E_{k,\text{max}} = \frac{1}{2} m \cdot v_{\text{max}}^2 = \frac{1}{2} \cdot 0,100 \cdot 1,05\ldots^2 = 0,0557\ldots = 56 \cdot 10^{-3} \text{ J}$	
	b $E_{k,\text{max}} = E_{v,\text{max}} = \frac{1}{2} C \cdot A^2$ $\Rightarrow 0,0557\ldots = \frac{1}{2} C \cdot 0,120^2 = 0,0072 \cdot C \Rightarrow C = 7,73\ldots = 7,7 \text{ N/m}$	7,7 N/m
	c1 $E_v = \frac{1}{2} C \cdot u^2 = \frac{1}{2} \cdot 7,73\ldots \cdot 0,040^2 = 0,00619\ldots = 6,2 \cdot 10^{-3} \text{ J}$	6,2 mJ
	c2 $E_k = E_{\text{totaal}} - E_v = 0,0557\ldots - 0,00619\ldots = 0,0495\ldots = 50 \cdot 10^{-3} \text{ J}$	50 mJ
	c3 $E_k = \frac{1}{2} m \cdot v^2 \Rightarrow 0,0495\ldots = \frac{1}{2} \cdot 0,100 \cdot v^2$ $\Rightarrow v^2 = 0,990\ldots \Rightarrow v = 0,995\ldots = 1,0 \text{ m/s}$	1,0 m/s
9	a Het middelste belletje. Daarvan is de slingerlengte, dus de eigenfrequentie, even groot als die van de bol links.	
	b Er is resonantie als $T_{\text{slinger}} = T_{\text{veer}}$, dus als $2\pi\sqrt{\frac{\ell}{g}} = 2\pi\sqrt{\frac{m}{C}} \Rightarrow \frac{\ell}{g} = \frac{m}{C}$ $\Rightarrow \frac{\ell}{9,81} = \frac{0,200}{7,0} \Rightarrow \ell = 0,280\ldots = 0,28 \text{ m}$	28 cm

Opgaven 6.2 – De $u(t)$ - grafiek van de harmonische trilling

10 a $\alpha = \frac{360 \cdot t}{T} = \frac{360 \cdot 1,20}{3,45} = 125,2.. = 125^\circ$ 125°

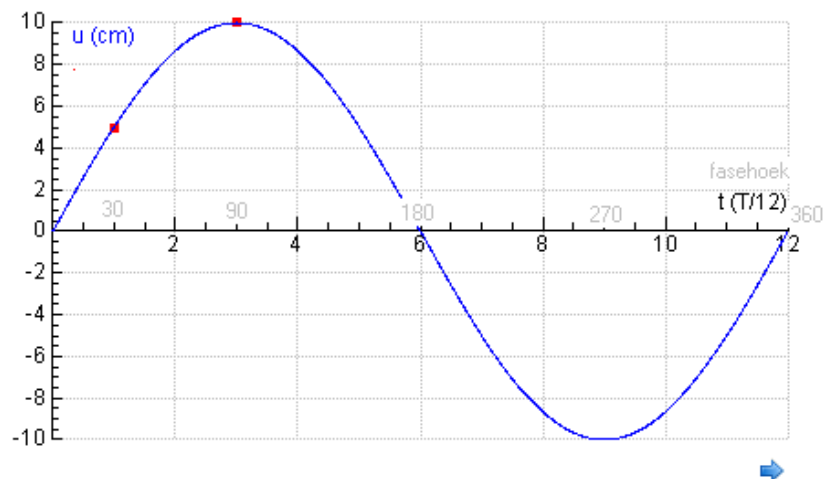
b $u = A \cdot \sin \alpha = 12,0 \cdot \sin(125,2..) = 9,803.. = 9,80 \text{ cm}$ 9,80 cm

N.B. $u > 0$ en $v > 0$ geldt in het eerste kwart van de beweging, dus

$$0 < \alpha < 90^\circ \text{ en } t < \frac{1}{4}T = \frac{1}{4} \cdot 3,45 = 0,8625 \text{ s}$$

11 a $u(t)$ is sinusvormig: de uitwijking van de evenwichtstand naar $\frac{1}{2}A$ duurt korter dan van $\frac{1}{2}A$ naar A . Een kwart trilling duurt dus korter dan $2 \times 2,0 = 4,0 \text{ s}$, dus $T < 16 \text{ s}$ -

b



12 s

$$u = A \cdot \sin \alpha$$

$$5,0 = 10,0 \cdot \sin \alpha \Rightarrow \sin \alpha = \frac{5,0}{10,0} = 0,50..$$

$$\Rightarrow \alpha = \sin^{-1}(0,50..) = 30^\circ = \frac{1}{12} \cdot 360^\circ$$

Bij het eerste rode punt hoort dus $\alpha = 30^\circ$ en $t = \frac{1}{12}T$ en bij het tweede hoort

$$\alpha = 90^\circ \text{ en } t = \frac{1}{4}T$$

Dus is de verandering in 2,0 s

$$\left. \begin{array}{l} u = \frac{1}{2}A \text{ na } \frac{1}{12}T \\ u = A \text{ na } \frac{1}{4}T \end{array} \right\} \Rightarrow 2,0 = \frac{1}{4}T - \frac{1}{12}T = \left(\frac{3}{12} - \frac{1}{12}\right) \cdot T = \frac{2}{12}T = \frac{1}{6}T$$

$$\Rightarrow T = 6 \cdot 2,0 = 12 \text{ s}$$

c $t(\text{top}) = \frac{1}{4}T = 3,0 \text{ s} \Rightarrow t = 3,0 + 5,0 = 8,0 \text{ s}$

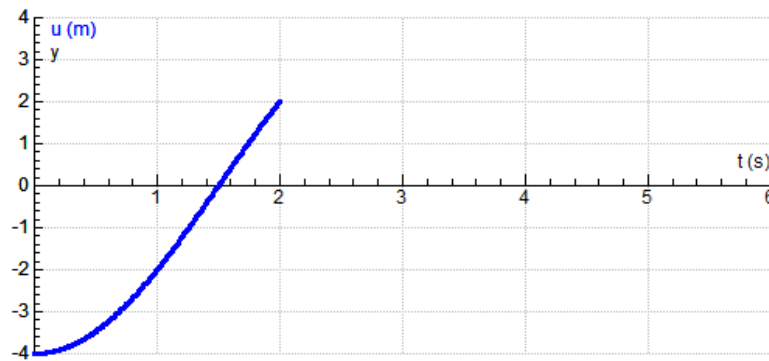
$$\Rightarrow \alpha = \frac{360 \cdot t}{T} = \frac{360 \cdot 8,0}{12} = 240^\circ$$

$$\Rightarrow u = 10,0 \cdot \sin 240 = -8,66.. = -8,7 \text{ cm}$$
-8,7 cm

12 $v_{\max} = \frac{2\pi \cdot A}{T} = 2\pi \cdot f \cdot A$ 1,1 · 10² m/s

$$v_{\max} = 2\pi \cdot 1,5 \cdot 10^{13} \cdot 1,2 \cdot 10^{-12} = 113,.. = 1,1 \cdot 10^2 \text{ m/s}$$

13 a $T = 2\pi \sqrt{\frac{\ell}{g}} = 2\pi \sqrt{\frac{9,00}{9,81}} = 6,018.. = 6,02 \text{ s}$ 6,02 s

b

De grafiek is gemaakt met dit model:

$$t := t + dt$$

$$u = -4 \cdot \cos(2 \cdot \pi \cdot t / 6) \quad \text{'voor de periode is 6 s genomen}$$

als $t > 2$ dan stop eindals

c

Eerste manier.

Uit de grafiek volgt dat de fles het schip raakt op $t = 2$ s (= $T/3$)

Tweede manier.

Voorbij de evenwichtstand gaat de fles door tot $u = \frac{1}{2}A$.

2,01 s

Dat duurt nog $\frac{1}{12}T$.

$$\text{Dus } t = \frac{1}{4}T + \frac{1}{12}T = \left(\frac{3}{12} + \frac{1}{12}\right) \cdot T = \frac{4}{12}T$$

$$\Rightarrow t = \frac{4}{12} \cdot 6,018 \dots = 2,006 \dots = 2,01 \text{ s}$$

d¹

$$\phi(0) = -\frac{1}{4} \text{ of } \phi(0) = \frac{3}{4}$$

want een kwart periode na het loslaten gaat de fles door de evenwichtstand met $v > 0$;
je mist $\frac{3}{4}$ sinus links van de oorsprong.

3/4

d²

Tussen het loslaten en de klap is de faseverandering

$$\Delta\phi = \frac{1}{4} + \frac{1}{12} = \frac{4}{12}$$

$$\Rightarrow \phi = \frac{3}{4} + \frac{4}{12} = \frac{9}{12} + \frac{4}{12} = \frac{13}{12}$$

13/12

Je mag ook 1/12 als antwoord geven, want 1/12 na passeren van de evenwichtsstand.

14**a**

$$\phi(0) = \frac{1}{4} = 0,25$$

0,25

want de bol begint in de eerste uiterste stand na het gebruikelijke beginpunt.

b

Na $1,5 \cdot T$

want na $0,5 \cdot T$ is de bol voor de eerste keer in het laagste punt. Na nog een periode is hij daar opnieuw.

1,5

c

$$\phi = 0,25 + 1,5 = 1,75 \Rightarrow \phi^* = 0,75$$

0,75

Vanaf het gebruikelijke beginpunt heeft de bol driekwart van zijn trilling voltooid.

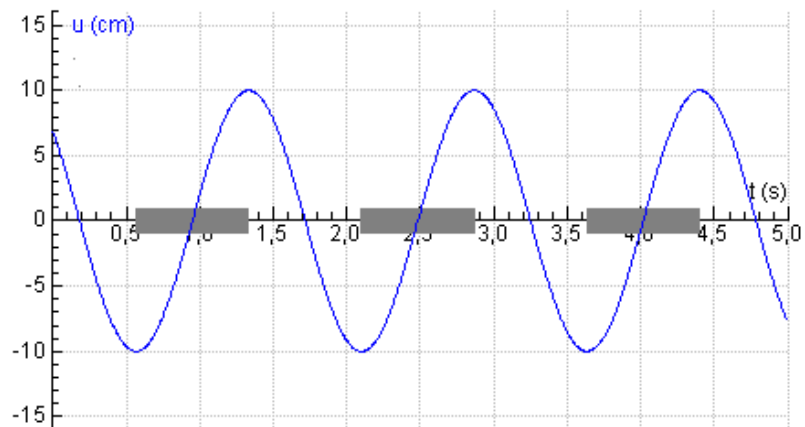
15**a**

$$0,25 < \phi(0) < 0,5$$

want gerekend vanaf het gebruikelijke beginpunt ($u = 0$, $v > 0$) is het gewicht bezig aan het tweede kwart van zijn beweging.

-

- b** Het gewicht beweegt naar rechts betekent: $v > 0$.



- 16 a** Uif de figuur blijkt
 $5 \cdot T = 9,2 - 1,0 = 8,2 \text{ ms}$
 $\Rightarrow T = \frac{1}{5} \cdot 8,0 = 1,64 \text{ ms}$

1,64 ms

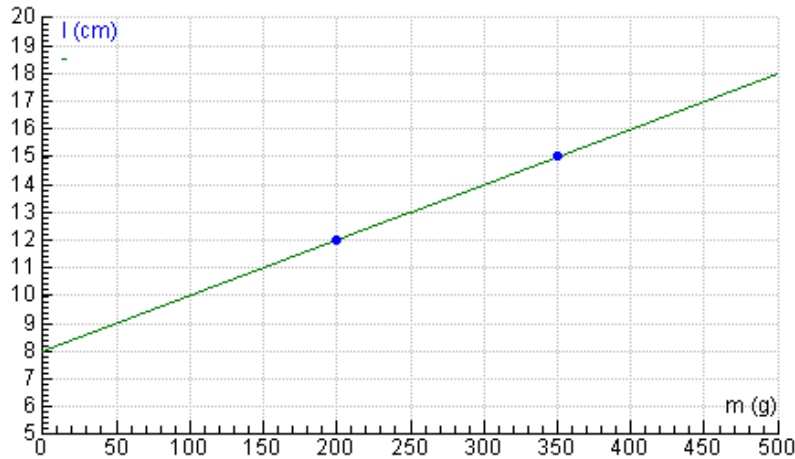
- b** $f = \frac{1}{T} = \frac{1}{1,64 \cdot 10^{-3}} = 609,7.. = 6,10 \cdot 10^2 \text{ Hz}$

$6,10 \cdot 10^2 \text{ Hz}$

Opgaven hoofdstuk 6

- 17 - Bij de walvis kun je maar twee periodes aflezen, bij de mens negen: 20
 $2T_{\text{walvis}} = 6,0 \text{ s} \Rightarrow 20 \text{ slagen per minuut}$ 82
 $9T_{\text{mens}} = 6,6 \text{ s} \Rightarrow 82 \text{ slagen per minuut}$

18 Je kunt voor **a** en **b** gebruik maken van een grafiek, maar het hoeft niet.



l (cm)	m (g)	u (cm)	Δm (g)
12	200	0	0
15	350	3	150
		1	50
17	? $\rightarrow 200 + 250$	5	? $\rightarrow 250$
? $\rightarrow 12 + 6$	500	? $\rightarrow 6$	300

a $u = \Delta l = 15 - 12 = 3 \text{ cm}$ bij $\Delta m = 350 - 200 = 150 \text{ g}$
 dus $u = 1 \text{ cm}$ bij $\Delta m = 50 \text{ g}$ 450 g
 Dan is $u = \Delta l = 17 - 12 = 5 \text{ cm}$ bij $\Delta m = 5 \times 50 = 250 \text{ g}$
 en $m = 200 + 250 = 450 \text{ g}$

b Bij $\Delta m = 500 - 200 = 300 \text{ g}$ (= $6 \times 50 \text{ g}$) hoort $\Delta l = 6 \text{ cm}$
 dus $l = 12 + 6 = 18 \text{ cm}$ 18 cm

c $T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{C}} \sim \sqrt{m} \Rightarrow T_1 : T_4 = \sqrt{200} : \sqrt{500} = 1 : 1,58..$ 1,6 : 1
 $f = \frac{1}{T} \Rightarrow f_1 : f_4 = 1,58.. : 1 = 1,6 : 1$

19 $T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{C}} \sim \sqrt{m}$ } $T \sim \sqrt{\rho}$
 $m_{\text{bol}} = \rho \cdot V_{\text{bol}} \Rightarrow m \sim \rho$ 1 : 2,05
 $\Rightarrow \frac{T_{\text{aluminium}}}{T_{\text{lood}}} = \frac{\sqrt{\rho_{\text{aluminium}}}}{\sqrt{\rho_{\text{lood}}}} = \frac{\sqrt{2,70 \cdot 10^3}}{\sqrt{11,3 \cdot 10^3}} = \frac{1}{2,045..} = \frac{1}{2,05}$

20 **a** $v_{\text{max}} = \frac{2\pi A}{T} \sim A$ 2,5
 A is $5/2 = 2,5$ x kleiner geworden, dus ook $v_{\text{max}} = 2,5$ x kleiner geworden.

b $E_{k,\text{max}} = \frac{1}{2} m \cdot v_{\text{max}}^2 \sim v_{\text{max}}^2$ $E_{k,\text{max}}$ is $2,5^2 = 6,25$ x kleiner geworden. 84%
 Er is weggelekt $(1 - \frac{1}{6,25}) \cdot E_{k,\text{max}} = 0,84 \cdot E_{k,\text{max}} \rightarrow 84\%$

21 Blijkbaar geldt voor de eigentrilling $T = 1/f = 2 \cdot 10^{-14}$ s
 $T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{C}} \Rightarrow 2 \cdot 10^{-14} = 2\pi\sqrt{\frac{3,4 \cdot 10^{-26}}{C}} = \frac{1,15 \cdot 10^{-12}}{\sqrt{C}}$ 3,4 · 10³ N/m
 $\Rightarrow \sqrt{C} = \frac{1,15 \cdot 10^{-12}}{2 \cdot 10^{-14}} = 57,9 \Rightarrow C = (57,9)^2 = 3355, \dots = 3,4 \cdot 10^3$ N/m

22 Door de resonantie maakt de klankkast de amplitude van de geluidstrilling groter: het geluid klinkt luider. -
 Maar de klankkast maakt niet de geluidsenergie groter. De energie van een stemvork is eerder 'op' als hij op een klankkast staat.

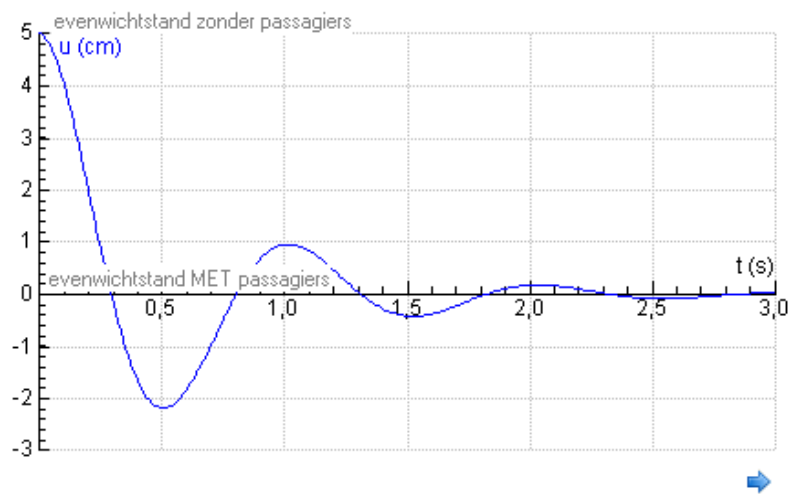
23 De eigen trillingstijd van de auto is
 $T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{C}} = 2\pi\sqrt{\frac{980}{1,3 \cdot 10^5}} = 0,545 \dots$ s
 Er ontstaat resonantie als de auto juist met die tussenpozen een ribbel raakt: 73 km/h
 $v = \frac{s}{t} = \frac{11}{0,545 \dots} = 20,1 \dots = 20$ m/s (= 72,5 .. = 73 km/h)
 (Ook bij de helft van deze snelheid kan resonantie ontstaan. Maar niet bij de dubbele snelheid.)

24 a De auto zakt in door het gewicht van de passagiers.
 $F = C \cdot u$ 4,9 cm
 $\Rightarrow 250 \cdot 9,81 = 5,0 \cdot 10^4 \cdot u \Rightarrow u = 0,0490 \dots = 0,049$ m

b De gehele massa, auto én passagiers, trilt.
 $T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{C}} = 2\pi\sqrt{\frac{1250}{5,0 \cdot 10^4}} = 0,993 \dots = 0,99$ s 0,99 s

c De grafiek is met dit model gemaakt. De startwaarden voor C , m , x en u komen uit de opgave; x in m is daarna omgerekend naar u in cm. k is proefondervindelijk bepaald.

MODEL	STARTWAARDEN
$t := t + dt$	$t = 0$ $dt = 0,01$
$a = (-C \cdot x - k \cdot v)/m$	$C = 50000$
$v := v + a \cdot dt$	$x = 0,05$
$x := x + v \cdot dt$	$k = 4000$ $v = 0$ $m = 1250$
$u = 100 \cdot x$	$u = 100 \cdot x$



25 a Een trilling is harmonische als de wet van Hooke geldt. -

b

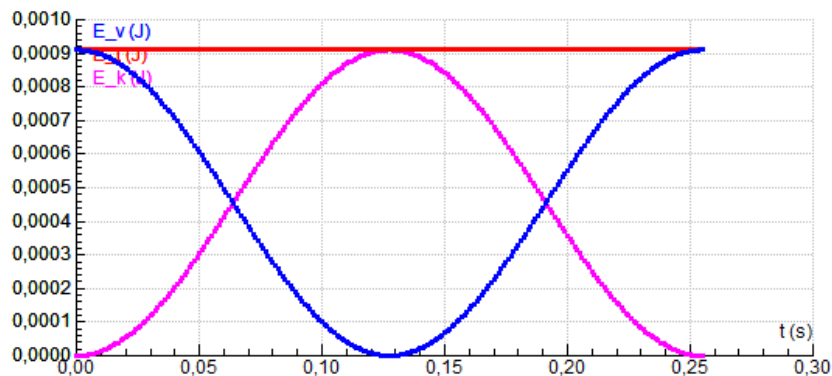
$$C = \frac{0,033}{0,055} = 0,60 \text{ N/m}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{4 \cdot 10^{-3}}{0,60}} = 0,51 \text{ s}$$

0,60 N/m
0,51 s

c $E_{v,\max} = \frac{1}{2}CA^2 = \frac{1}{2} \cdot 0,60 \cdot 0,055^2 = 9,1 \cdot 10^{-4} \text{ J}$

d $E_v = \frac{1}{2}Cu^2$ met $u = -A \cdot \cos(2\pi t/T)$



$9,1 \cdot 10^{-4} \text{ J}$

Het model is gemaakt met:

$$t := t + dt$$

$$E_v = 0,5 \cdot 0,6 \cdot 0,055^2 \cdot (\cos(2 \cdot \pi \cdot t / 0,51))^2$$

$$E_t = 9,1 \cdot 10^{-4}$$

$$E_k = E_t - E_v$$

als $t > 0,51/2$ dan stop eindals

e $u = 0,01 \text{ m} \Rightarrow E_v = \frac{1}{2} \cdot 0,60 \cdot 0,01^2 = 3,0 \cdot 10^{-5} \text{ J} \Rightarrow E_k = 9,1 \cdot 10^{-4} - 3,0 \cdot 10^{-5} = 8,8 \cdot 10^{-4} \text{ J}$
 $\frac{1}{2} \cdot 4,0 \cdot 10^{-3} \cdot v^2 = 8,8 \cdot 10^{-4} \Rightarrow v = 0,66 \text{ m/s}$

0,66 m/s

26 $T = 2\sqrt{R} = 2\sqrt{2} = 2,82.. \text{ s}$ en $10 \text{ s} = \frac{10}{2,82..} = 3,53..$

De skater stond rechtsboven. Na 3,5 perioden staat hij linksboven. In elke periode passeert hij 2 x het onderste punt. In totaal $3,5 \times 2 = 7 \text{ x}$.

7

27 a

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{C}} \Rightarrow 0,83 = 2\pi \frac{\sqrt{0,250}}{\sqrt{C}} = \frac{3,14..}{\sqrt{C}}$$

$$\Rightarrow C = \left(\frac{3,14..}{0,83}\right)^2 = 14,3.. = 14 \text{ N/m}$$

14 N/m

b

$$C = \frac{F}{u} = \frac{m \cdot g}{u} \Rightarrow 14,3.. = \frac{0,250 \cdot 9,81}{u}$$

$$\Rightarrow u = \frac{0,250 \cdot 9,81}{14,3..} = 0,171.. \text{ m} = 17,1.. \text{ cm}$$

$$\Rightarrow \ell_{\text{veer}} = 15,0 + 17,1.. = 32,1 \text{ cm}$$

32,1 cm

c

$$T_z = 2 \cdot T_d = 2 \cdot 0,83 = 1,66 \text{ s} = 2\pi \sqrt{\frac{\ell}{g}}$$

$$\Rightarrow 1,66 = 2\pi \frac{\sqrt{\ell}}{\sqrt{9,81}} = 2,00.. \cdot \sqrt{\ell} \Rightarrow \ell = \left(\frac{1,66}{2,00..}\right)^2 = 0,684.. \text{ m}$$

$$\Rightarrow L = \ell - \ell_{\text{veer}} = 0,684.. - (0,321.. + 0,02) = 0,34 \text{ m}$$

Die 2 cm is een schatting van de afstand van de onderkant van de veer tot het middelpunt van de bol.

34 cm

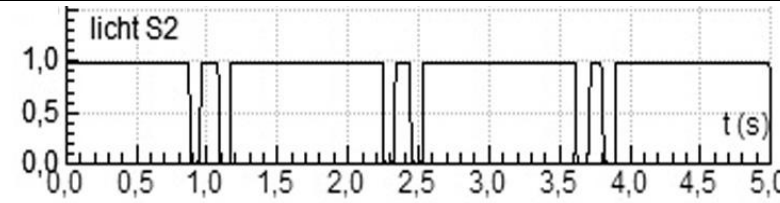
28 a Zeven halve perioden duren 4,8 s \Rightarrow

$$T = \frac{1}{3,5} \cdot 4,8 = 1,37.. = 1,4 \text{ s}$$

1,4 s

b De snelheid van de bol is bij S_1 (evenwichtstand) groter dan bij S_2 . Bij S_2 duurt de verduistering bij het passeren langer.

-

c		-
29	<p>a</p> $T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{C}} = 2\pi\sqrt{\frac{13}{8000}} = 0,253.. \text{ s}$ $\Rightarrow f = \frac{1}{T} = \frac{1}{0,253..} = 3,94.. = 3,9 \text{ Hz}$	3,9 Hz
b	<p>Als je op de plank staat, trilt er een grotere massa. Stel, je massa is 60 kg, dan</p> $T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{C}} = 2\pi\sqrt{\frac{73}{8000}} = 0,600.. \text{ s} \Rightarrow f = \frac{1}{T} = \frac{1}{0,600..} = 1,66.. = 1,7 \text{ Hz}$ <p>Je zou met die frequentie op de plank moeten dansen om resonantie te krijgen</p>	1,7 Hz
30	<p>a Als het touwtje strak staat, doet een deel van de veer niet mee. C is dan groter en T kleiner.</p>	-
b	Gebied 1 hoort bij de blokkade.	-
c	$T_1 : T_2 = (0,50 - 0,05) : (1,04 - 0,50) = 0,45 : 0,54 = 1 : 1,2$	1 : 1,2
d	$T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{C}} \Rightarrow C = \frac{4\pi^2 m}{T^2} \Rightarrow C_1 : C_2 = 1 : 1,2^{-2} = 1 : 0,69$	1 : 0,69
e	<p>C₂ is de C van de hele veer – als het touwtje slap is. C₁ is de C van het niet-geblokkeerde deel van de veer. Dat deel is dus 0,69× zo lang als de hele veer, ofwel $l_1 = 0,69 \cdot l_{\text{veer}} \Rightarrow$ er wordt 31% van de veer geblokkeerd.</p>	31%